

# Общее происхождение «релятивистских» и квантовых эффектов

- «Луч» в гравитационном и кулоновском полях.
- Точные формулы для свободного движения:
  - а) ошибочные предсказания СТО (примеры),
  - б) уточнение эмпирической механики Ньютона,
  - в) определение движения (вместо СТО).
- Эффекты в гравитационном потенциале -  $\alpha/r$ :
  - а) замедление фотона в гравитационном поле,
  - б) гравитационное смещение энергии фотона,
  - в) отклонение фотона на лимбе Солнца,
  - г) перигелии планетных орбит.

# Фотон и релятивистский электрон в поле $U(r) = -\alpha/r$

$$-U(\rho) \ll E = cP, \quad U(r) = -GME/c^2, \quad (\text{как } m_\gamma = E/c^2)$$



$$\theta_\gamma = 4U(\rho)/cP$$

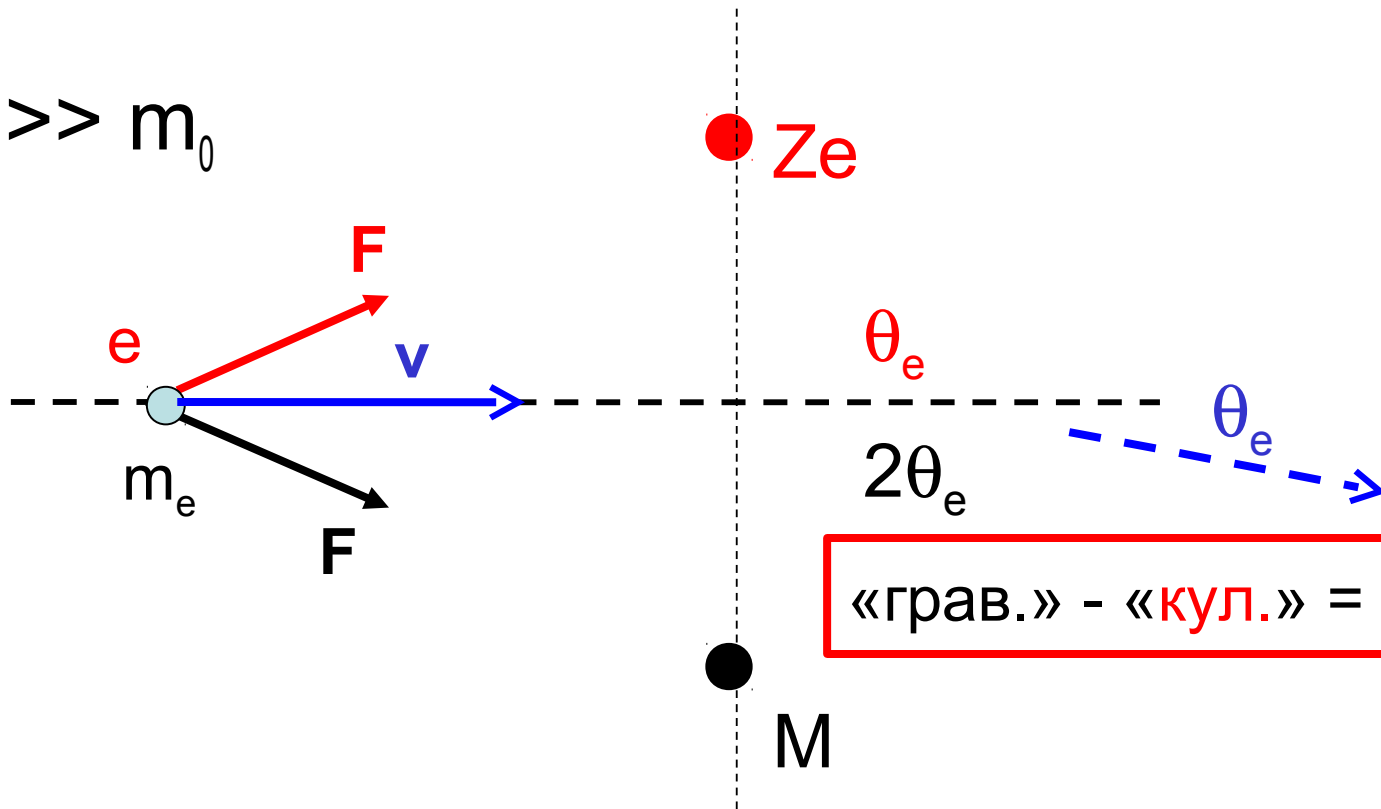
$$\text{при } v_e \approx c \quad \theta_e \approx \theta_\gamma$$

$$\text{при } v_m \ll c \quad \text{и} \quad U(\rho) \ll vP : \quad \theta_m = 2U(\rho)/vP$$

$$\text{Но эл-н в } U(r) = -Ze^2/r: \quad \theta_e = 2U(\rho)/vP \quad \text{и} \quad \text{при } v \approx c$$

# Мысленный опыт с электроном в грав. и кул. полях

$$E_e/c^2 \gg m_0$$



«грав.» - «кул.» =  $\theta_e$  ?

$$Ze^2/r = GE_e M/rc^2$$

# Фотон и релятивистский электрон в поле $U(r) = -\alpha/r$

$$-U(\rho) \ll E = cP, \quad U(r) = -GME/c^2, \quad (\text{как } m_\gamma = E/c^2)$$



$$\theta_\gamma = 4U(\rho)/cP$$

при  $v_e \approx c$      $\theta_e \approx \theta_\gamma$

Второй эффект (эксп.) --- замедление  $\gamma$  :

$$v_\gamma = c(1 + 2\phi/c^2), \quad \phi = -GM/r.$$

в ОТО:  $2\theta_e(\rho)$  - результат замедления света

$$ds^2 = c^2(1 - 2\phi)dt^2 - (1 + 2\phi)dr^2, \quad \phi = GM/rc^2 = -U(r)/\varepsilon \ll 1$$

$$ds^2 = 0 : \quad (dr/dt)^2 = c^2(1 - 2\phi)/(1 + 2\phi) = c^2(1 - 4\phi),$$

$$dr/dt = v \cong c(1 - 2\phi), \quad v/c = 1/n, \quad n = 1 + 2\phi, \quad \text{grad } n = 2 \text{ grad } \phi,$$

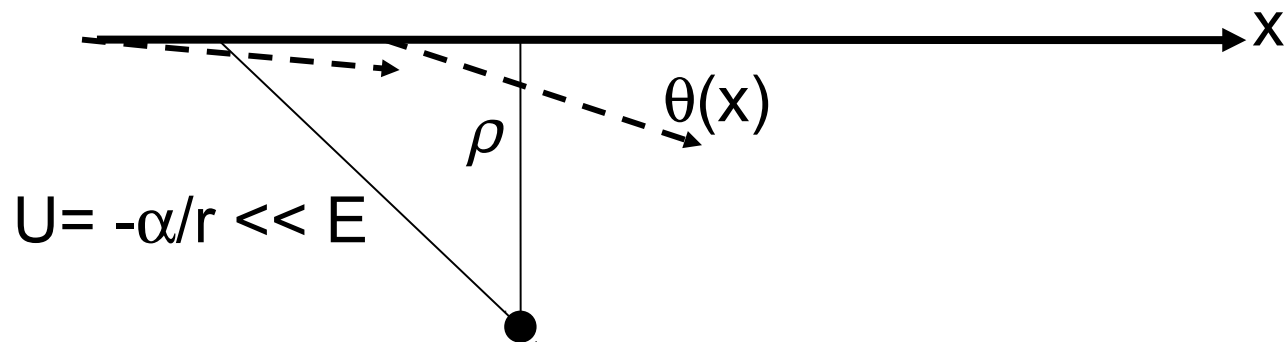
Плоский фронт волны в  $\text{grad } n$  поворачивается на  $2\theta_e$ ,

“принцип Гюйгенса”,  $(v(r))$  как  $\omega/k$  – “фазовая” скорость - ?)

в ОТО: отклонение «волны» – «квантовый» эффект (?)

# Отклонение частицы в небольшом потенциале $U(r) = -\alpha/r$

$$d\mathbf{P} = \mathbf{F}(x)dt = \mathbf{F}(x)dx/v$$



$$F_y = -\alpha\rho/(x^2 + \rho^2)^{3/2}, \quad dP_y(x) = F_y(x)dx/c, \quad d\theta = dP_y/P$$

$$P_y = -\frac{2\alpha}{c} \int_{-\infty}^0 \frac{\rho dx}{(x^2 + \rho^2)^{3/2}} = -\frac{2\alpha}{c\rho} = -\frac{2U(\rho)}{c},$$

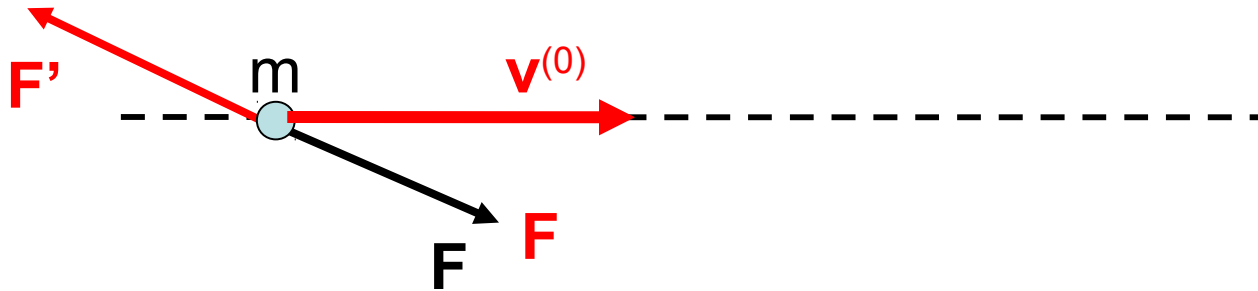
$$\theta(\rho) = \frac{2U(\rho)}{cP} = \frac{2\alpha}{cP\rho} = \theta_0(\rho), \quad \theta \ll 1$$

для  $v \ll c$   $\theta_0(\rho)$  --- Резерфорд, «кеплерова задача»

## Возмущение свободного движения для $v \ll c$

Поправка I порядка:

$d\mathbf{P}^{(0)} = \mathbf{F}^{(0)} dt$  в ускоряющейся сист.  $K_0$ , где  $\mathbf{v}^{(0)} = v_x^{(0)} = v_0$ .



Ускорение системы  $K_0$   $d\mathbf{V}^{(0)} = \mathbf{F} dt / m = \mathbf{F} dx / v_0 m$ ,

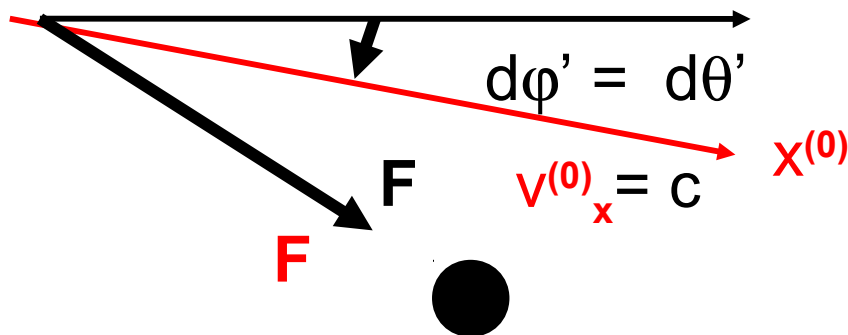
в сист.  $K_0$ :  $\mathbf{F}^{(0)} = \mathbf{F} + \mathbf{F}' = 0$ ,  $v_y = V_y^{(0)} = 1/mv \int \{ F_y(x) dx \}$ ,

$P_y = mv_y$ ,  $\theta = 2U(\rho)/vP = \theta_e$

## Возмущение свободного движения при $v = c$

$$E = cP, \quad v_x^2 + v_y^2 = c^2 : v_x dv_x/dt = -v_y dv_y/dt.$$

Условие  $v_x^{(0)} = c$  для скорости невозмущённого движения выполняется в поворачивающейся на  $d\varphi' = d\theta'$  системе координат  $O'$



$$dP_y^{(0)} = F_y^{(0)} dx/c, \quad d\theta' = dP_y^{(0)}/P.$$

В лаб. сист. отклонение и поворот:  $\theta = \theta' + \varphi' = 2\theta' = 2\theta_e.$



## Равенство дифференциальных сечений $d\sigma(2\theta_e)=d\sigma(\theta_e)$

$$\theta_e = 2U(\rho)/(Pv) = 2\alpha/(Pv\rho), \quad \rho = 2\alpha/(Pv\theta_e), \quad \theta_e \ll 1$$

$$d\rho = -2\alpha d\theta_e/(Pv\theta_e^2), \quad d\theta_e = d\Omega/(2\pi \sin \theta_e),$$

$$d\sigma_e(\theta_e) = 2\pi\rho d\rho = (2\alpha/Pv\theta_e)^2 2\pi d\theta_e/\theta_e =$$

$$(2\alpha/Pv\theta_e)^2 d\Omega/(\theta_e \sin \theta_e) = (2\alpha/Pv\theta_e)^2 d\Omega/\theta_e^2 =$$

$$= (4\alpha/Pv \ 2\theta_e)^2 d\Omega'/(2\theta_e)^2 = d\sigma_\gamma(2\theta_e),$$

$$d\Omega' = 2\pi \sin 2\theta_e d(2\theta_e) = 2\pi 4\theta_e^2 = 4d\Omega$$

$d\sigma(\theta)$  не зависит от отклонения эл-на,  $\theta_e(\rho)$  или  $2\theta_e(\rho)$

$$\rho' = 4\alpha/(Pv\theta), \quad d\rho' = 4\alpha d\theta/(Pv\theta^2), \quad \theta(\rho') = 2\theta_e(\rho'),$$

$$d\sigma'(\theta_e) = 2\pi\rho'd\rho' = (4\alpha/Pv2\theta_e)^2 2\pi d(2\theta_e)/(2\theta_e) =$$

$$= (2\alpha/Pv\theta_e)^2 d\Omega/(\theta_e \sin \theta_e) = (2\alpha/Pv)^2 d\Omega/\theta_e^4 = d\sigma(\theta_e)$$

Наблюдаемое сечение кулоновского рассеяния  $d\sigma(\theta_e)$  согласуется и с отклонением  $\theta_e$ , и с  $2\theta_e$ .

$\theta_e(\rho)$  или  $2\theta_e(\rho)$  ? В опыте с отклонением узкого пучка электронов  $E_e = 5 - 100$  МэВ в потенциале  $U(\rho) \sim 100$  КэВ.

За счёт чего при  $v=c$  может появиться «удв.» отклонение?

В кеплеровой задаче инерционная (центробежная) сила

и эффективный потенциал  $U_{\text{eff}}(r) = -\alpha/r + L^2/2mr^2,$

При  $r'=L^2/\alpha m$  минимум  $(U_{\text{eff}}(r'))^{(\text{min})} = -\alpha/2r' = U(r')/2.$

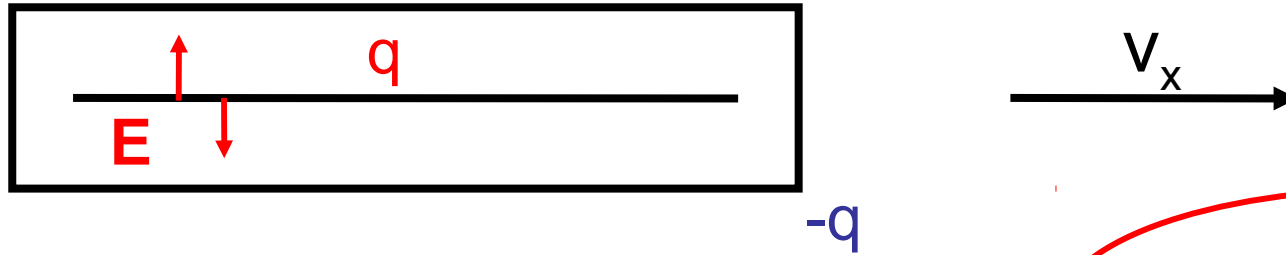
При  $v=c$  плоская волна, момент  $L$  не определён,

нет траектории, закон сохранения момента не работает,

«центробежной энергии нет,  $U_{\text{eff}} = -\alpha/r$

# Нарушение закона $W(v) = m_0 c^2 / (1 - v^2/c^2)^{1/2}$ в СТО

плоский конденсатор



вклад поля в энергию  $W_0 = 1/2 V_0 E_0^2$ ,

$$W(v) = W_0 / (1 - v^2/c^2)^{1/2}$$

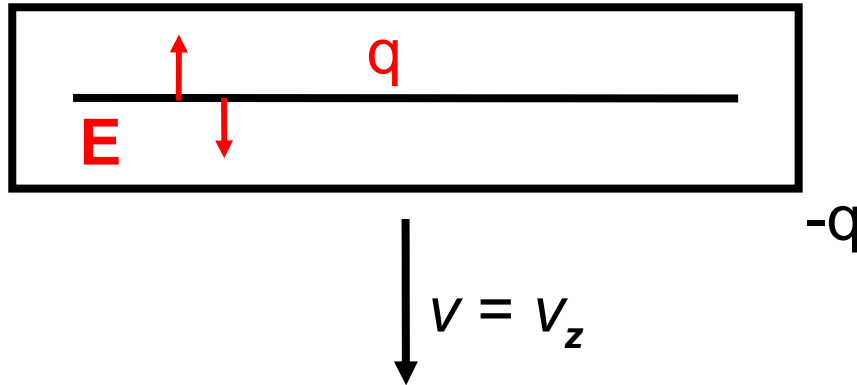
в СТО :  $W = V(E^2 + H^2)/2$ ,  $V = V_0(1 - v^2/c^2)^{1/2}$

$$E = E_z = E_0 / (1 - v^2/c^2)^{1/2}, \quad H = H_y = v/c E_0 / (1 - v^2/c^2)^{1/2},$$

$$W(v) = V_0 E_0^2 (1 + v^2/c^2) / 2 (1 - v^2/c^2)^{1/2} = (1 + v^2/c^2) W_0 / (1 - v^2/c^2)^{1/2}$$

# Нарушение закона $W = m_0 c^2 (1 - v^2/c^2)^{-1/2}$ в СТО

плоский конденсатор



$$E = E_z = E_0, \quad H = 0,$$

$$W(v) = V_0 E_0^2 (1 - v^2/c^2)^{1/2} / 2 = W_0 (1 - v^2/c^2)^{1/2}$$

вместо  $W_0 (1 - v^2/c^2)^{-1/2}$

Выводы: СТО противоречит опыту.

преобразования Лоренца нарушают сохранение энергии,

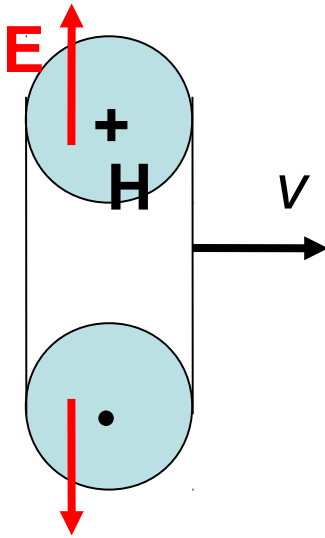
«поле» - абстрактная **возможность** взаимодействия заряда с другими зарядами и токами,

«поле» не несёт энергию и импульс, появляется во всём объёме «одновременно» с зарядом,

«полевые» теории описывают несуществующие вещи, в них нарушается закон сохранения энергии,

реальны энергия и импульс взаимодействующих объектов

# Энергия движущегося тороидального магнита в СТО



$$W_0 = H_0^2 V_0 / 2$$

$$H_\varphi = H_0 / (1 - v^2/c^2)^{1/2},$$

$$E_r = v/c H_\varphi / (1 - v^2/c^2)^{1/2}$$

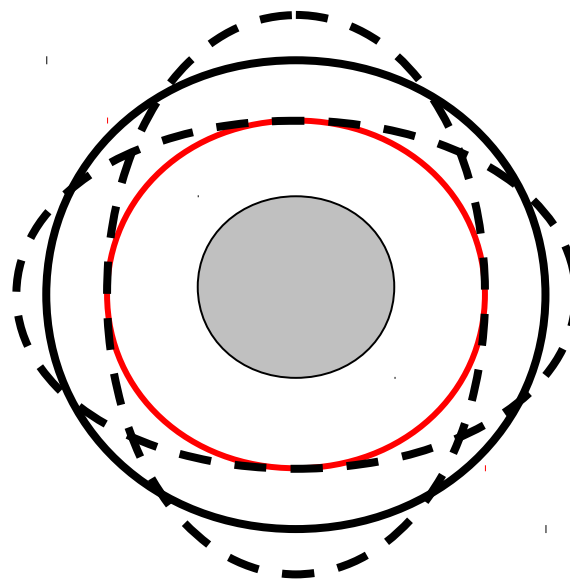
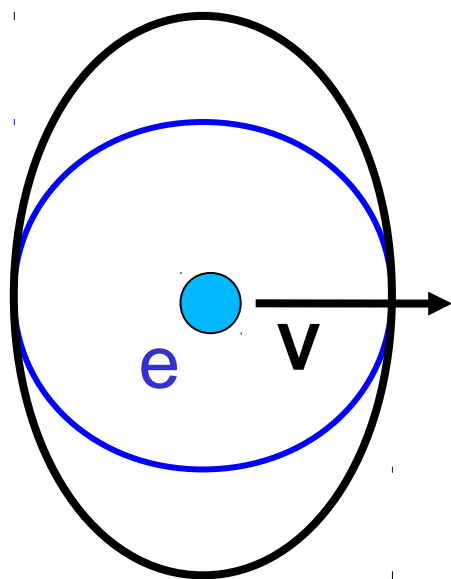
$$W(v) = (E^2 + H^2)V/2 = (1 + v^2/c^2) H_0^2 V_0 / 2 (1 - v^2/c^2)^{1/2} =$$

$$= (1 + v^2/c^2) W_0 / (1 - v^2/c^2)^{1/2}$$

вместо  $W_0 / (1 - v^2/c^2)^{1/2}$

# Ошибочное выражение для эл. поля движущегося заряда

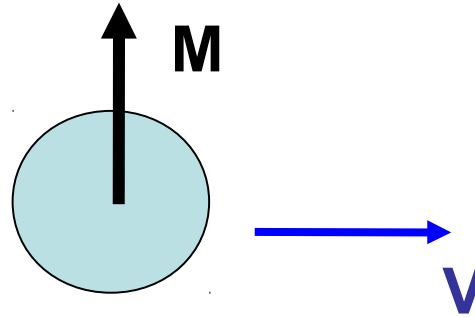
$$E_{\perp} = E_{\perp}^0 / (1 - v^2/c^2)^{1/2}, \quad E_x = E_x^0$$





# Несовместимость СТО с квантовыми эффектами

$$M_z = M_z^0 / (1 - v^2/c^2)^{1/2}$$



Запрет квантования  $M_z$  или  $M_z^0$

Поперечная компонента момента ядра  $M_z^0 = J\hbar$ ,

и наблюдаемая тоже квантована  $M_z = J_z\hbar$ .

Есть 2 системы координат, в каждой момент квантован.

## Замедление распада движущихся частиц с $\tau_0 = \hbar/\Delta E_0$

Среднее время жизни квантового состояния  $\tau = \hbar/\Delta E$

В состоянии с энергией  $E = (E_0^2 + c^2 P^2)^{1/2}$  частицы с  $\Delta E_0$

$$\Delta E = E_0 \Delta E_0 / E = \Delta E_0 (1 - v^2/c^2)^{1/2}, \quad \tau = \tau_0 / (1 - v^2/c^2)^{1/2}.$$

(всё в л.с., без перехода в движущуюся систему)

Время  $t$ , «часы» - повторение законопослушных событий,

а распад – прекращение существования, из-за нарушения каких-то законов; непредсказуемые события – «квантовые»

## Замедление распада движущихся частиц с $\tau_0 = \hbar/\Delta E_0$

В состоянии с энергией  $E = (E_0^2 + c^2 P^2)^{1/2}$  частицы с  $\Delta E_0$

$$\Delta E = E_0 \Delta E_0 / E = \Delta E_0 (1 - v^2/c^2)^{1/2}, \quad \tau = \tau_0 / (1 - v^2/c^2)^{1/2}.$$

А если и время в движущейся частице замедляется, будет дополнительное усиление эффекта в  $1 / (1 - v^2/c^2)^{1/2}$  раз.

В квантовом состоянии в ящике с зеркальными стенками

$v = 0$  --- движения нет, а эффект  $\sim v^2$  сохранится.

## «Замедление часов» в гравитационном поле

Энергия покоя в потенциале  $U(r)$        $E'_0(r) = E_0 + U(r)$ ,

$m'_0(r) = E'_0/c^2 = m_0(1+U(r)/E_0)$  — сумма всех вкладов.

Энергии всех уровней атома  $\varepsilon_k(r)$  и их разности  $\Delta\varepsilon_{ik}(r)$


изменяются одинаково:       $\Delta\varepsilon_{ik}(r) = \Delta\varepsilon_{ik}(1+U(r))$ .

**Изм. энергия и частота  $\omega_{ik}(r) = \Delta\varepsilon_{ik}(r)/\hbar$ , а не «время».**

В пот-ле  $U(r) = -\alpha/r$  уменьшаются все массы, вз. и силы.

**Мех. часы :       $\omega(r) = (k(r)/m'_0(r))^{1/2} = \omega_0$  - не замедляются.**

# Сохранение энергии и «экзотика» сильных полей

$$E = E^{(0)} + Mc^2$$


The diagram illustrates the components of the total energy equation. On the left, a red dot with a right-pointing arrow is labeled  $E^{(0)}$ . To its right is a black circle labeled  $M$ .

$$M' = M + E^{(0)}/c^2$$

$$\Phi(r) = \phi(r) + \phi(r) = M'/rc^2$$

$$\phi(r) = E^{(0)}/rc^2, \text{ а не } (E^{(0)} - U(r))/rc^2$$

и взаимодействие  $U(r) = -GE^{(0)}M/rc^2$ ,  $\sim$  кулоновское

# Выражения для $E, \mathbf{P}, \mathbf{v}$ свободного движения

$$E = \sqrt{m_0 c^4 + P^2 c^2}, \quad \vec{P} = \vec{v} E / c^2. \quad \mathbf{v} = \mathbf{P} c^2 / E, \quad \mathbf{v}' = \mathbf{P}' c^2 / E$$

.....

$$P_y = P_y', \quad P_z = P_z', \quad P_x = \frac{P_x' + V E' / c^2}{\sqrt{1 - V^2 / c^2}}, \quad E = \frac{E' + V P_x'}{\sqrt{1 - V^2 / c^2}},$$

.....

$$v_y = \frac{v_y' \sqrt{1 - V^2 / c^2}}{1 + v_x' V / c^2}, \quad v_z = \frac{v_z' \sqrt{1 - V^2 / c^2}}{1 + v_x' V / c^2}, \quad v_x = \frac{v_x' + V}{1 + v_x' V / c^2}.$$

.....

$$x = \frac{x' + V t'}{\sqrt{1 - V^2 / c^2}}, \quad y = y', \quad z = z', \quad t = \frac{t' + V x' / c^2}{\sqrt{1 - V^2 / c^2}}$$

## «Преобр.» $E, P, v$ - связь «независимых» измерений

$$\mathbf{r}' = \mathbf{r} + \mathbf{V}t, \text{ но } d\mathbf{r}'/dt \neq d\mathbf{r}/dt + \mathbf{V}. \quad (\mathbf{v} = \mathbf{P}c^2/E)$$

производная  $d/dt(\mathbf{r})$  описывает «измерение»  $\mathbf{v}$ ,

Н-во озн., что результаты измерений  $\mathbf{v}$  и  $\mathbf{v}'$  **реального тела** определяются з-нами сохранения для реальных тел

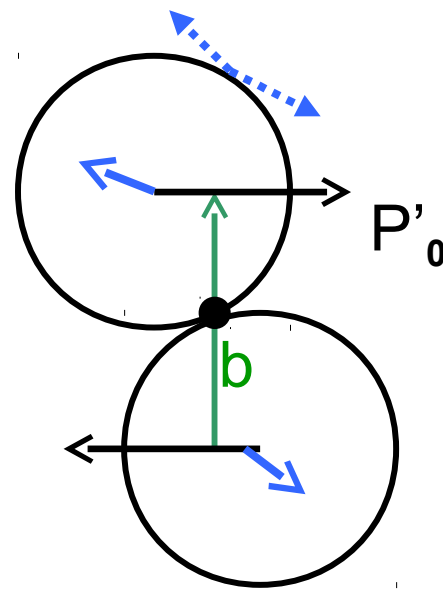
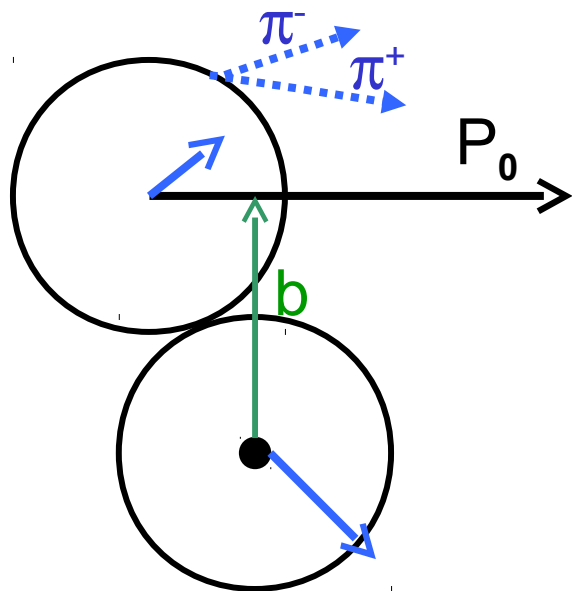
$d\mathbf{r}'/dt$  – независимый опыт в движущейся сист.  $K'$ ,

$E, P, v$  и  $E', P', v'$  – в независимых опытах с одним телом

# «Консенсус наблюдателей» 1 опыта или 3-ны сохранения?

Все наблюдатели 1 опыта видят одинаковые «законы» ?

Опыт с мишенью и на встречных пучках ( $E'=E$ ) идентичны?



Реакция  $pn, n'p'(\pi^+\pi^-)$ , где

Л.с.:  $L_0 = bP_0 = L_{(\pi\pi)} + L_{n'}$  (сохр.);

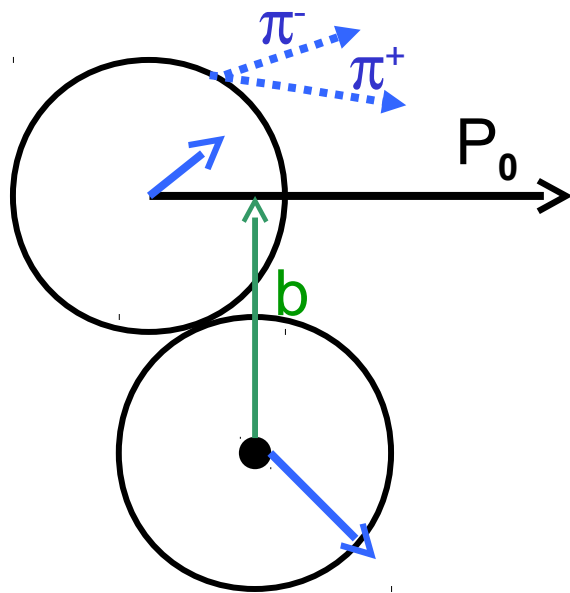
$(\pi^+\pi^-)$  в состоянии  $0^+$

с.ц.и.:  $L_{(\pi\pi)} + L_{n'} + L_{p'} \ll 2bP'_0$



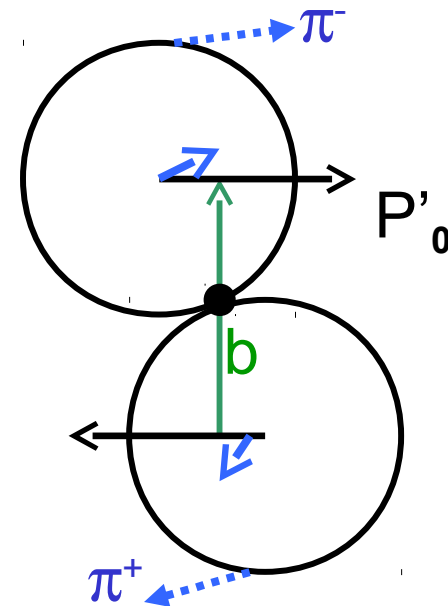
# Разные «наблюдатели» 1 опыта увидят разные «законы»

Движ. (с.ц.и.)-наблюдатель видит несохранение момента.  
 В аналог. реакции  $n, p \rightarrow n', p'(\pi^+\pi^-)$  на встречных пучках ( $E'=E$ )  
 пара  $(\pi^+\pi^-)$  может быть только в отн. сост. ( $L^?$ ) с м-том  $L \sim L_0$



Опыт с мишенью

$$L_0 = bP_0 = L_{(\pi\pi)} + L_{n'} \quad (\text{сохр.});$$



Опыт на встречных пучках

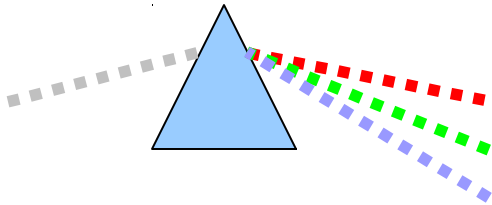
$$L_0 = L_{\pi^+} + L_{\pi^-} + L_{n'} + L_{p'} \approx L_{\pi^+} + L_{\pi^-}$$

## Уточнение ньютоновской механики (с «абсол.» $t$ , $\mathbf{r}_1$ - $\mathbf{r}_2$ )

$$\mathbf{P} = M\mathbf{v}, \quad E = Mc^2, \quad M = M_0/(1-v^2/c^2)^{1/2}, \quad \dots$$

получим из законов сохранения энергии и импульса  
 $dE = (\mathbf{F}d\mathbf{s})$ ,  $d\mathbf{P} = \mathbf{F}dt$  для движущегося излучателя

1)  $c \sim 220\,000$  км/сек (О.Рёмер, 1686).



2) Разложение белого света на составные (Ньютон, 1665-1676)  
( $c = c = c$  - из набл. Рёмера)

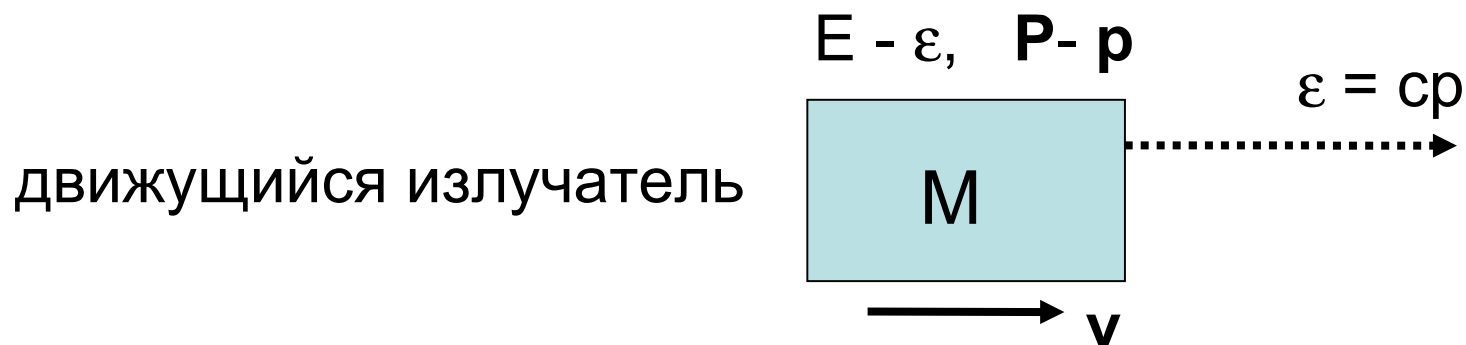
3) Закон сохранения энергии и импульса — XVIII век

## Уточнение ньютоновской механики ( $t, \mathbf{r}_1 - \mathbf{r}_2$ )

Для «корпускул света» из  $v = c = \text{const}$  ( $p$ ) следует  $d\varepsilon = (\mathbf{F}d\mathbf{s}) = (dp ds/dt) = (cdp)$ ,  $\varepsilon = cp$ , « $m$ » =  $p/c = \varepsilon/c^2$

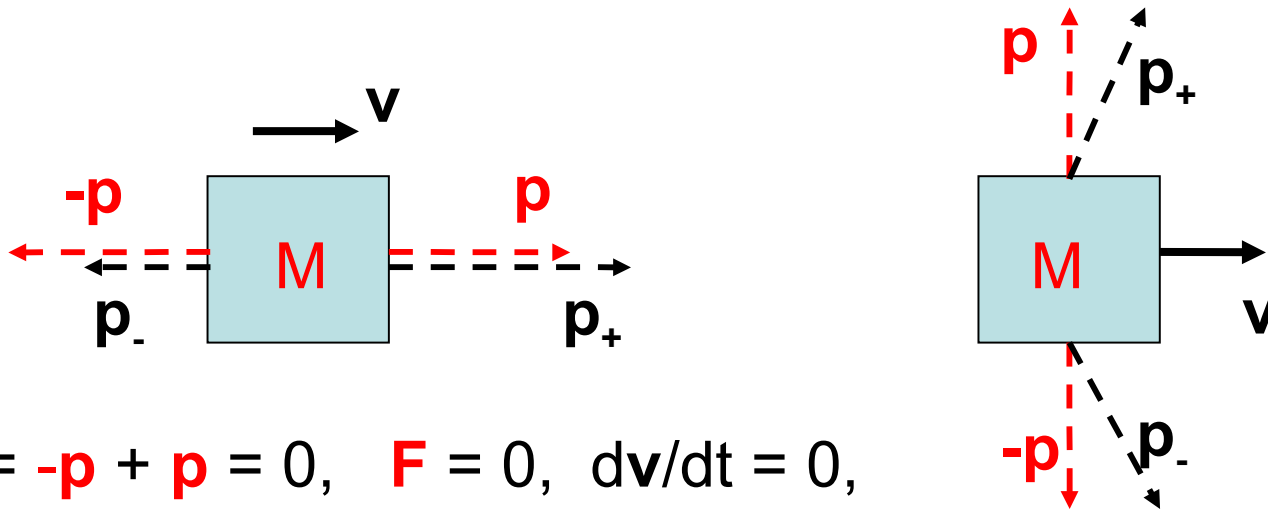
Но  $\mathbf{P}$  и  $E$  движущегося излучателя в ньют.теории не сохр.

$\mathbf{P} = M\mathbf{v}$ ,  $E = Mc^2$ ,  $M = M_0/(1-v^2/c^2)^{1/2}$ , ....., получим из требования  $dE = (\mathbf{F}d\mathbf{s})$ ,  $d\mathbf{P} = \mathbf{F}dt$  для движ. излучателя



## Энергия и импульс движущегося излучателя света

$$P = Mv, \quad \varepsilon = cp, \quad v \ll c$$



$$\Delta \mathbf{P} = -\mathbf{p} + \mathbf{p} = 0, \quad \mathbf{F} = 0, \quad d\mathbf{v}/dt = 0,$$

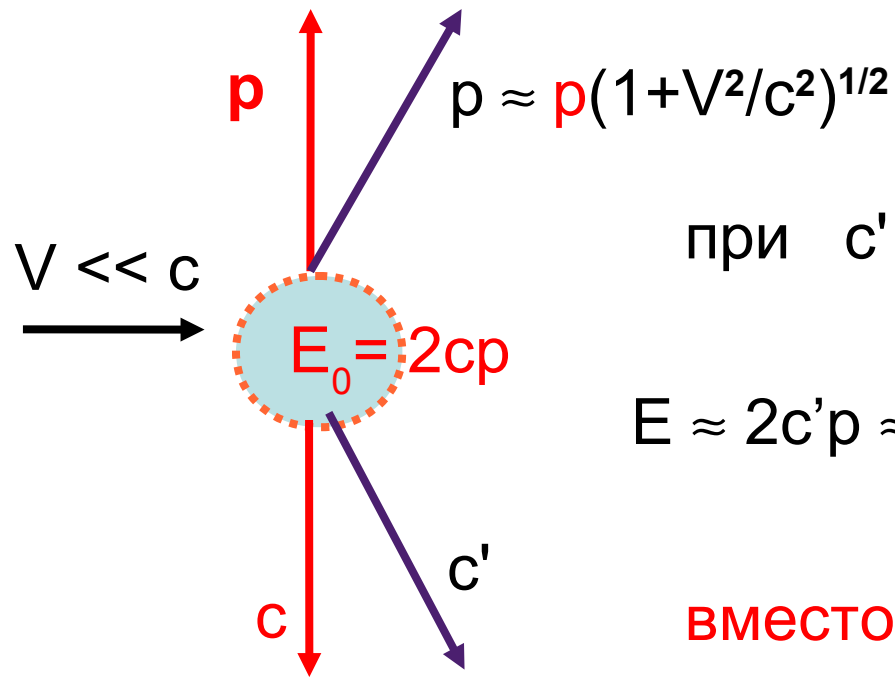
$$\Delta \mathbf{P} = -(\mathbf{p}_+ + \mathbf{p}_-) \approx -2\mathbf{p}v/c, \quad \Delta E = -2\varepsilon \approx -2\varepsilon = -2cp$$

$$\Delta \mathbf{P} = \mathbf{v}\Delta M, \quad \Delta M = \Delta P/v = -2p/c = -2\varepsilon/c^2 = \Delta E/c^2, \quad E_0 = Mc^2$$

$E = Mc^2 + Mv^2/2$  - тогда энергия и импульс сохраняются.

# Независимость скорости $c$ от движения системы координат

Распад  $E_0 \rightarrow 2c\rho$ ,  $p_x = 0$ ; если  $c' = c + V$  (в л.с.),



при  $c' = c(1 + V^2/c^2)^{1/2}$  получим

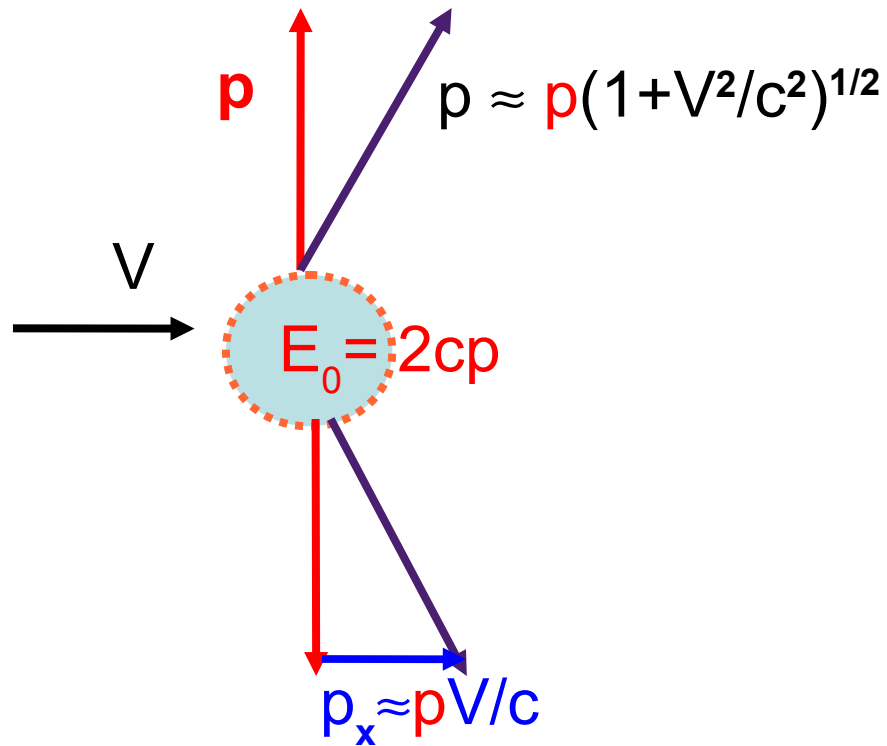
$$E \approx 2c'\rho \approx E_0(1 + V^2/c^2) = mc^2 + mV^2$$

вместо  $E = mc^2 + mV^2/2$ .

Для выполнения  $E = mc^2 + mV^2/2$  необходимо  $c = c'$ .

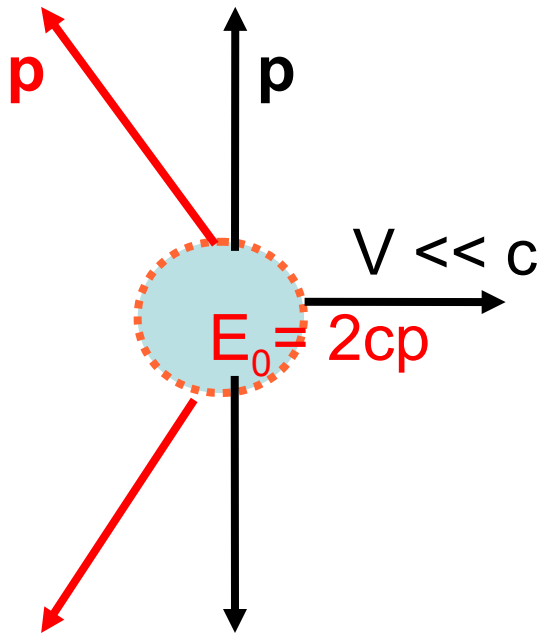
# Связь импульсов фотона в л.с. и движ. системе координат

$V \ll c = c$ , распад  $E_0 \longrightarrow 2cp$ ,  $p_x = 0$ ,  $p_y = p_y = p$ .



## «Поперечный» эффект Доплера

$$c = c, \quad p = p_y, \quad p_x = 0$$



$$p_x \approx -p v/c$$

$$p = p/(1-V^2/c^2)^{1/2}$$

$$p = p \sin\theta = p(1-V^2/c^2)^{1/2}$$

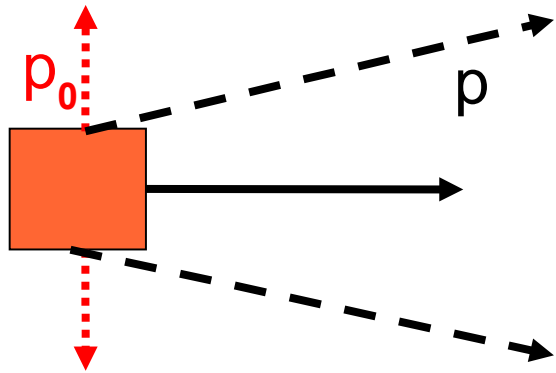
$$E = cp = cp(1-V^2/c^2)^{1/2}$$

поперечный эфф. Доплера

## Быстро движущийся излучатель, $v \sim c$

$$p \cong p_0 / (1 - v^2/c^2)^{1/2}, \quad \Delta P = 2p, \quad \Delta E = 2cp \approx c\Delta P,$$

$$\Delta E = c\Delta P \approx 2cp_0 / (1 - v^2/c^2)^{1/2} = \Delta E_0 / (1 - v^2/c^2)^{1/2},$$



$$E = E_0 / (1 - v^2/c^2)^{1/2}$$

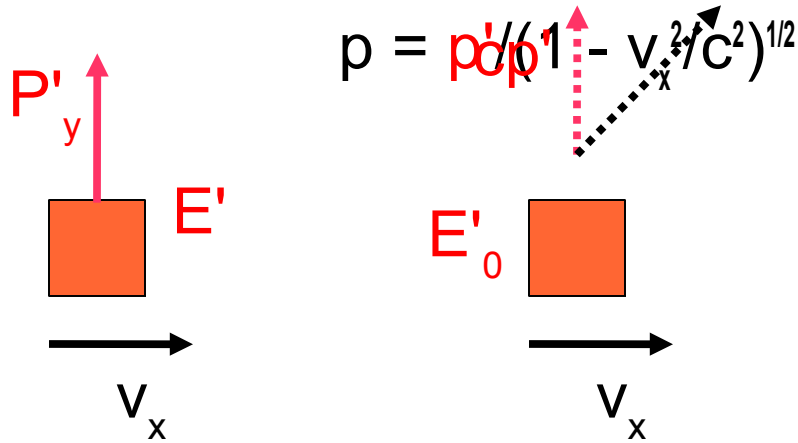
$$E = m_0 c^2 / (1 - v^2/c^2)^{1/2} \text{ при } v \sim c \text{ и } E = m_0 c^2 + P^2 / 2m_0 \text{ при } v \ll c$$

$$\text{выполняются при } E = (E_0^2 + P^2 c^2)^{1/2}, \text{ при этом } \mathbf{P} = \mathbf{v}E/c^2.$$



# связь энергий и импульсов в л.с. и в движущейся системе

$$P'_y = 0 + p'_y, \quad E' = E'_0 + cp'_y, \quad P_y = p_y = p'_y = P'_y = v'_y E' / c^2$$

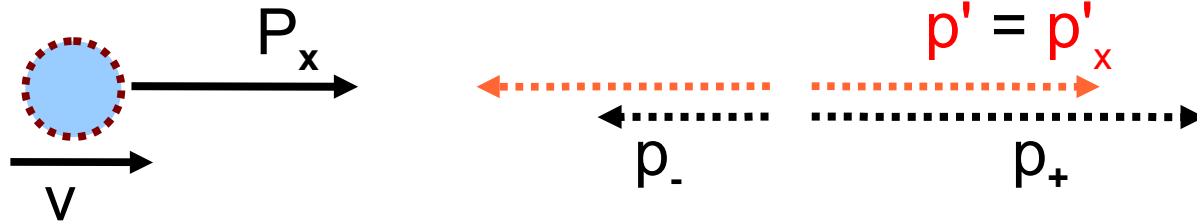


$$E = E'_0 / (1 - v_x^2/c^2)^{1/2} + cp = E' / (1 - v_x^2/c^2)^{1/2}$$

$$v'_y = c^2 P'_y / E', \quad v_y = c^2 P_y / E = v'_y E' / E = v'_y (1 - v_x^2/c^2)^{1/2}$$

# энергии и импульсы фотона в л.с.и в движущейся системе

Распад  $E'_0 = 2\varepsilon' = 2cp'$ ,  $E = E'_0/(1-V^2/c^2)$ ,  $P_x = 2\varepsilon'V/(1-V^2/c^2)c^2$



$$p_+ = \varepsilon'_v/(1-V^2/c^2)c^2 + Kp', \quad \varepsilon_+ = cp_+,$$

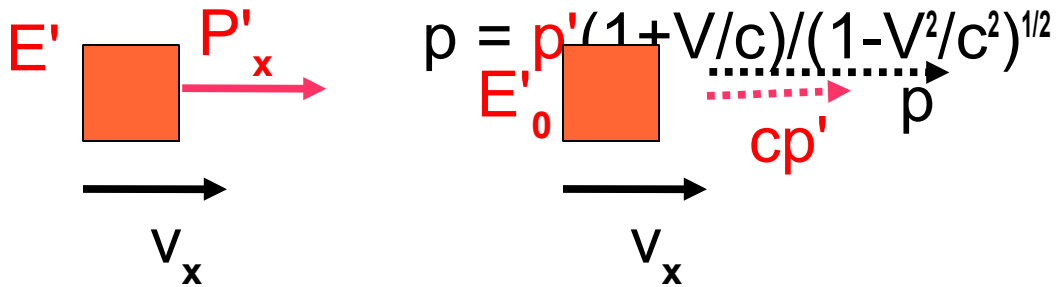
$$p_- = \varepsilon'_v/(1-V^2/c^2)c^2 - Kp', \quad \varepsilon_- = -cp_-, \quad p_- < 0$$

$$E = \varepsilon_+ + \varepsilon_- = c(p_+ - p_-) = 2Kcp' = 2cp'/(1-V^2/c^2)^{1/2}, \quad K = 1/(1-V^2/c^2)^{1/2}.$$

$$p_x = (p'_x + V\varepsilon'/c^2)/(1-V^2/c^2)^{1/2}, \quad \varepsilon = cp_x = (\varepsilon' + Vp'_x)/(1-V^2/c^2)^{1/2}$$

# связь энергий и импульсов в л.с. и в движущейся системе

$$P'_x = 0 + p', \quad E' = E'_0 + cp', \quad P'_x = v'_x E'/c^2$$



$$E = E'_0/(1-V^2/c^2)^{1/2} + cp = (E' + VP'_x)/(1-V^2/c^2)^{1/2},$$

$$P_x = VE'_0/(1-V^2/c^2)^{1/2}c^2 + p = (VE'/c^2 + P'_x)/(1-V^2/c^2)^{1/2},$$

## связь энергий и импульсов в л.с. и в движущейся системе

$$V = V_x: \quad E = E'_0/(1-V^2/c^2)^{1/2} + cp = (E' + VP'_x)/(1-V^2/c^2)^{1/2},$$

$$P_x = VE'_0/(1-V^2/c^2)^{1/2}c^2 + p = (VE'/c^2 + P'_x)/(1-V^2/c^2)^{1/2},$$

$$v_x = c^2P_x/E = (VE'/c^2 + P'_x)/(E' + VP'_x) = (v'_x + V)/(1 + Vv'_x/c^2).$$

$$P_y = P'_y, \quad P_z = P'_z, \quad v'_y = c^2P'_y/E', \quad v'_z = c^2P'_z/E':$$

$$v_y = c^2P_y/E = c^2P'_y(1-V^2/c^2)^{1/2}/(E' + VP'_x) = v'_y(1-V^2/c^2)^{1/2}/(1 + Vv'_x/c^2),$$

$$v_z = c^2P_z/E = c^2P'_z(1-V^2/c^2)^{1/2}/(E' + VP'_z) = v'_z(1-V^2/c^2)^{1/2}/(1 + Vv'_x/c^2).$$

## «уточнённая» ньютоновская (эмпирическая) механика

Вывод:

«релятивистские» выражения для  $E$ ,  $\mathbf{p}$ ,  $\mathbf{v}$  ( $E'$ ,  $\mathbf{p}'$ ,  $\mathbf{v}'$ )

обеспечивают выполнение законов сохранения энергии и импульса в «нерелятивистской» эмпирической теории

(где сохраняется  $t = t'$ ,  $\mathbf{r}_1 - \mathbf{r}_2 = \mathbf{r}'_1 - \mathbf{r}'_2$ ).

(Уточнение сводится к замене выражения  $\mathbf{P} = m_0 \mathbf{v}$

более точным:  $\mathbf{P} = m \mathbf{v}$ ,  $m = m_0 / (1 - v^2/c^2)^{1/2}$ .)

Кинематика «вторична»:  $\mathbf{v} = \mathbf{P}c^2/E$ ,  $\mathbf{v}' = \mathbf{P}'c^2/E'$  ;

выражения  $\langle x \rangle = (\mathbf{x}' + V\mathbf{t}') / (1 - v^2/c^2)^{1/2}$ ,  $\langle t \rangle = (\mathbf{t}' + V\mathbf{x}'/c^2) / (1 - v^2/c^2)^{1/2}$

описывают измерения запаздывающих величин  $\langle x \rangle$ ,  $\langle t \rangle$ .

# Неустраняемая противоречивость понятия движения

«Движенья нет» - Парменид , V век до н.э.

«покой» - сохранение состояния (положения в простр.  $r$ ),

«движение» - изменение состояния, **несовместимо** с его сохранением и самим понятием определённого состояния

«покой» - отрицание «движения», и обратно.

1) одновременное существование «П» и «Д» невозможно,

2) «движение» можно определить как отрицание «покоя».

## Несовместимые «покой» и «абсолютное» движение

Локализация  $\mathbf{r}_0$  в определённой системе  $K_0$  - «покой» **O**

Запрет существования  $\Delta t > \Delta t_0$  в промежутке  $\Delta r_0 = c\Delta t_0$   
в любой системе координат - «абсолютное движение» **C**

Определение  $E$  и  $\mathbf{P}$  (создаваемых одной и той же силой  $\mathbf{F}$ )

$$dE = (\mathbf{F} \, d\mathbf{r}), \quad d\mathbf{P} = \mathbf{F} \, dt, \quad \mathbf{v} = dE/d\mathbf{P} = d\mathbf{r}/dt$$

покой **O** – локализация в  $\mathbf{r}_0$ ,  $E = E_0$ ,  $\mathbf{P} = 0$ ,

абс. движение **C** -  $E_0 = 0$ ,  $E_c = c\mathbf{P}$ , ( $E$ ,  $\mathbf{P}$  зависят от сист.)

## «Квантовое» определение понятия движения

Движение как «суперпозиция» **возмущённых** состояний

$$\mathbf{V} = A(t)\mathbf{O}'(\mathbf{r}(t)) + B(t)\mathbf{C}'(t) \quad (\text{неразличимые } \mathbf{O}'(t) \text{ и } \mathbf{C}'(t))$$

$$E_{0'} = E_{0'} + U_{0'} = E, \quad E_{c'} = E_{c'} + U_{c'} = E \quad \text{смещены на } U$$

$$\Delta t_{0'} = \hbar/\Delta E_{0'} = \hbar/U_{0'}, \quad \Delta t_{c'} = \hbar/\Delta E_{c'} = \hbar/U_{c'}, \quad \text{короткоживущие}$$

$$A(t)B(t) = 0, \quad A^2(t) + B^2(t) = 1$$

$\mathbf{O}'(t)$  и  $\mathbf{C}'(t)$  реализуются не одновременно)

$$\langle A(t)\mathbf{O}'(\mathbf{r}_0 - \mathbf{v}t) + B(t)\mathbf{C}'(t) \rangle_t = \alpha\mathbf{O}'(\mathbf{r} - \mathbf{v}t) + \beta\mathbf{C}' = \mathbf{v}, \quad \alpha^2 + \beta^2 = 1,$$

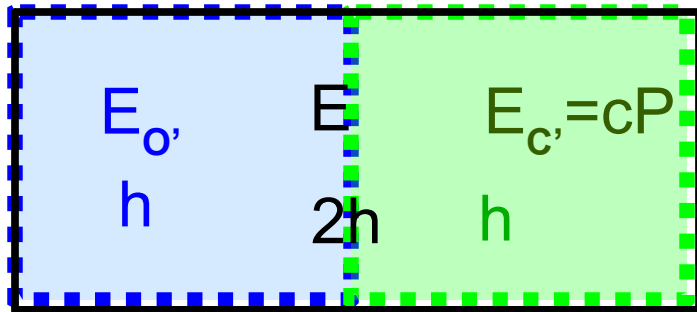
$$\langle A(t) \rangle_t = \alpha, \quad \langle B(t) \rangle_t = \beta = v/c,$$

$\mathbf{O}'$  и  $\mathbf{C}'$  по отдельности ненаблюдаемы.



# «Квантовое» определение понятия движения

$$\mathbf{v}(t) = \alpha \mathbf{O}'(\mathbf{r}_0 - \mathbf{v}t) + \beta \mathbf{C}', \quad \alpha^2 + \beta^2 = 1,$$



$$E_{(2h)} = \alpha E_0 + \beta E_c, \quad v = \beta c, \quad (P = ?)$$

## «Квантовое» определение понятия движения

$$\mathbf{v}(t) = \alpha \mathbf{O}'(\mathbf{r}_0 - \mathbf{v}t) + \beta \mathbf{C}', \quad \alpha^2 + \beta^2 = 1, \quad \beta = v/c,$$

«смесь» 2 сост.,  $W_0 + W_c = 1$ ,  $\langle E \rangle = E\alpha^2 + E\beta^2 = E(\mathbf{O}) + E(\mathbf{C})$

$$\begin{array}{|l} E_{\mathbf{O}'} + U_{\mathbf{O}'} = \\ W_{\mathbf{O}'} = \alpha^2 \end{array} E \begin{array}{|l} = E_{\mathbf{C}'} + U_{\mathbf{C}'} \\ W_{\mathbf{C}'} = \beta^2 \end{array}$$

$$E'(\mathbf{O}) = \alpha E_{\mathbf{O}'} = \alpha^2 E, \quad E = E_{\mathbf{O}'} / \alpha = E_{\mathbf{O}'} / (1 - v^2/c^2)^{1/2},$$

$$E'(\mathbf{C}) = \beta E_{\mathbf{C}'} = \beta^2 E, \quad cP = \beta E, \quad P = vE/c^2$$

$$E = E_{\mathbf{O}'} / (1 - v^2/c^2)^{1/2} = E_{\mathbf{O}'} (1 - v^2/c^2)^{1/2} + vP.$$

## Сохранение энергии и соотношение $\Delta E \Delta t = \hbar$

«смесь»  $W_{(O,C)} = W(O(r_0 - vt)) + W(C) = \alpha^2 + \beta^2 = 1, \quad \langle E \rangle = E,$

$$w(O)/w(C) = \alpha^2/\beta^2 = \Delta t_0/\Delta t_c = \Delta E_c/\Delta E_0 = (E - E_c)/(E - E_0)$$

$$E_0 = \alpha^2 \langle E \rangle, \quad E_c = \beta^2 E,$$

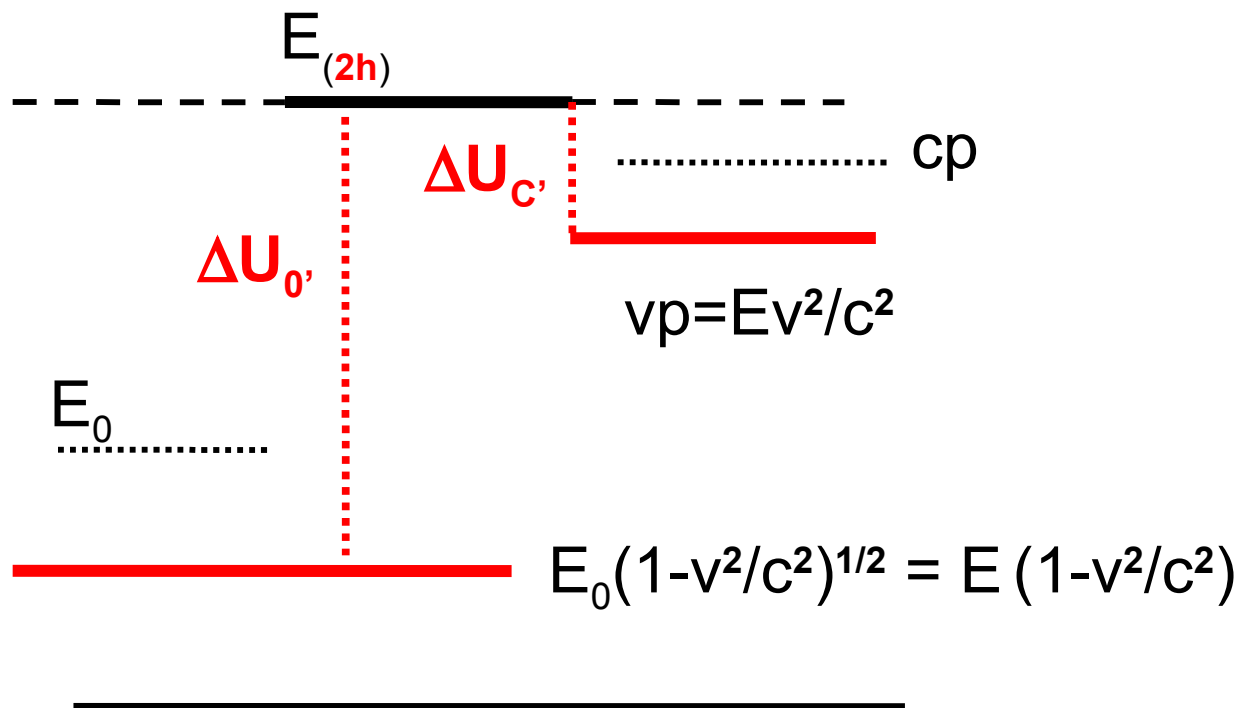
$$\Delta E_c/\Delta E_0 = (E - E_c)/(E - E_0) = (1 - \beta^2)/(1 - \alpha^2) = \alpha^2/\beta^2,$$

$$E_{(2h)} = E_0 + E_c = E_{(2h)}$$

## «Неравновесное» двухкомпонентное состояние

$$w_0/w_c = \Delta t_0/\Delta t_c = \Delta E_c/\Delta E_0 = (1 - v^2/c^2)/(v^2/c^2)$$

При  $v \approx c$   $(c^2 - v^2)/v^2 \approx 2(1 - v/c)$ ,  $E - vP \approx 2P(c - v)$



$$w_c/w_0 = \Delta t_c/\Delta t_0 = \Delta E_0/\Delta E_c = v^2/c^2/(1 - v^2/c^2)$$

При  $v \ll c$   $E_c \approx E_0 v^2/c^2$

## «Неравновесность» бегущей и стоячей компонент

$$E = E_0(1 - v^2/c^2)^{1/2} + U_0, \quad U_0 = 2cP_{\perp}$$

«Продольная» неуст. локализованной в  $\Delta x$  стоячей волны  
(сдвиг фаз между узлами )

$$E = vp + U_c, \quad U_c = c \hbar / \Delta r_{\perp}$$

«Поперечная» неустойчивость сжатой в  $\Delta r_{\perp}$  бегущей волны

## Сохранение импульса и соотношение $\Delta P \Delta x = \hbar$

При кратковременной локализации частицы с импульсом  $P$  в интервале  $\Delta x = c\Delta t_0$   $P$  сохраняется за счёт  $\Delta P_x = \hbar/\Delta x$

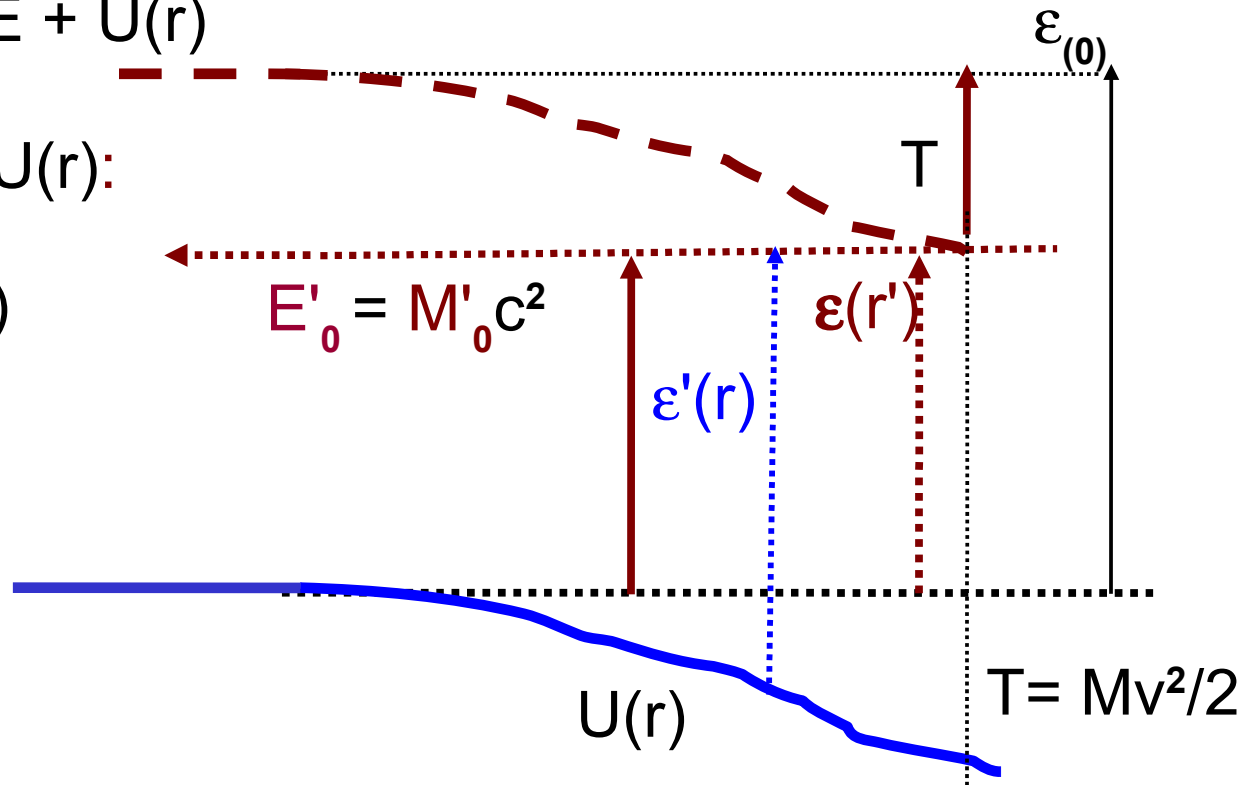
.

# Смещение энергии фотона в гравитационном поле

атом:  $E_{(0)} = M_0 c^2 = E + U(r)$

энергия покоя в  $U(r)$ :

$E'_0(r') = M'_0 c^2 + U(r')$



$r'$  – точка испускания

$$\epsilon(r') = \epsilon_{(0)} \frac{E'_0(r')}{E_{(0)}} = \epsilon_{(0)} \left( 1 + \frac{U(r')}{M_0 c^2} \right)$$

## Замедление взаимодействующего фотона

$$\varepsilon_0 = cp_0 \gg |U(r)|, \quad \varepsilon = \varepsilon_0 - U(r), \quad dp = - \text{grad } U \, dt ,$$

$$\psi = (1 - \Delta p/p_0)\psi_+ + \Delta p/p_0\psi_-, \quad p_+ = p_0 + \Delta p, \quad \Delta p = - U/c,$$

$$\langle p(r) \rangle = (p_0 + \Delta p) (1 - 2\Delta p/p_0) = p_0 - \Delta p = p_0 + U(r)/c ,$$

$$v(r) = \langle p(r) \rangle c^2 / \varepsilon = c^2(p_0 + U(r)/c) / (\varepsilon_0 - U(r)) = c + 2U(r)/p_0.$$

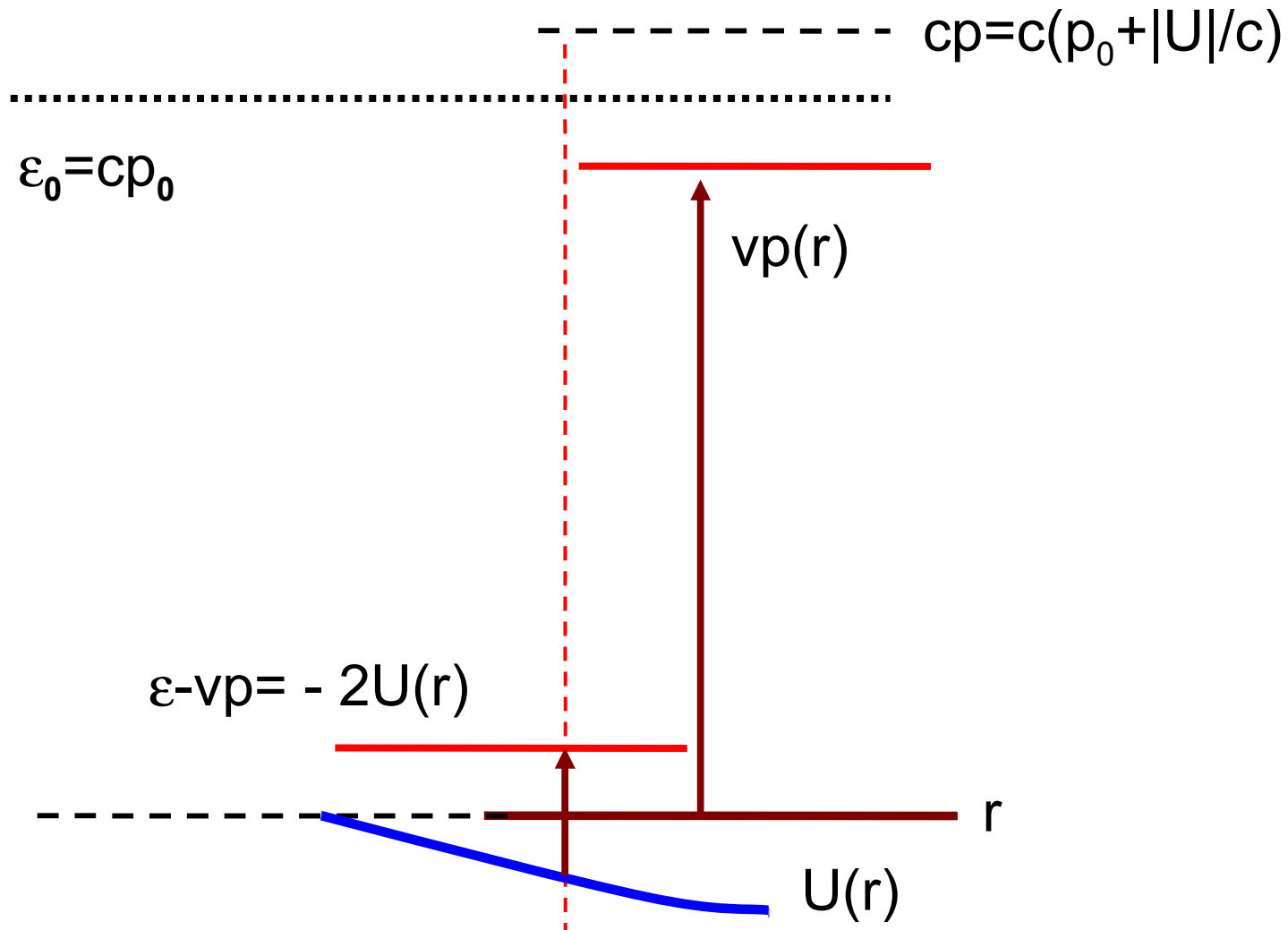
$$\varepsilon = \varepsilon(1 - v^2/c^2) + \varepsilon v^2/c^2, \quad \varepsilon(1 - v^2/c^2) = \varepsilon 2(1 - v/c) = - 4U,$$

$$E_0(1 - v^2/c^2)^{1/2} = - 4U, \quad E_0(r) = \varepsilon(1 - v^2/c^2)^{1/2} = 2(U(r)\varepsilon_0)^{1/2} .$$



# Замедление взаимодействующего фотона

$$(c - v) = -2 U/p \approx -2U/p_0$$



## Отклонение $2\theta_0$ и «центробежная» масса (с $F = -\text{grad } U(r)$ )

$v = c$ , удвоенное отклонение  $2\theta_0$  - вдвое меньший  $R=R_0/2$

при той же центробежной силе  $F' = \text{grad } U(r)$  с  $m = E/c^2$

$$F' = m_c v^2/R = 2m_c v^2/R, \quad m_c = m/2 = p/2c.$$

При  $m \neq 0$  «центробежная масса»  $m v^2/R = F'$ ,  $m \neq E/c^2$

$$m = E/c^2 = m_0(1 - v^2/c^2)^{1/2} + vP/c^2,$$

$$m = m_0(1 - v^2/c^2)^{1/2} + vP/2c^2 = (E - vP/2)/c^2 =$$

$$= (E/c^2) (1 - v^2/2c^2),$$

при  $v \ll c$   $m \approx m_0$

## Поправки в «кеплеровой» задаче

$$m = (E/c^2) (1 - v^2/2c^2) = m'_0 (1 - v^2/2c^2) / (1 - v^2/c^2)^{1/2} \approx m'_0(r),$$

В потенциале  $U(r) = -GM/R$   $m'_0(r) = m_0(1 + U(r)/m_0 c^2)$ .

Центробежная сила  $mv^2/R = m'_0(R)v^2/R$ .

“Гравитационная масса”  $m = E(R)/c^2 = m_0 - |E_{cb}|/c^2$

зависит только от энергии связи,

$$U(r) = -G(m_0 - |E_{cb}|/c^2)M/r.$$

## Поправки в «кеплеровой» задаче

$$F' = m v^2/R = m'_0(R) v^2/R ,$$

$$m = E/c^2 = m_0 - |E_{\text{св}}|/c^2 = \text{const} (r), \quad U(r) = -G(m_0 - |E_{\text{св}}|/c^2) M/r,$$

$F'(m'_0(R)) = \text{grad} U(R)$  описывает движ. переменной массы.

В I порядке:  $m'_0 = m_0 + U(r)/c^2$  в  $F'$  заменим постоянной  $m_0$ ,  
а к  $m_0$  в  $U(r)$  добавим  $-U(r)/c^2 = mv^2/c^2$ , где  $v = v(r) = L/mr$ .

$$U'(r) = - (1 - |E_{\text{св}}|/m_0 c^2) G m_0 M (1/r + A/r^3), \quad \text{где } A = L^2/m^2 c^2.$$

$$m' = m_0 \text{ в пот-ле } U'(r) = U_0(r) + \delta U(r), \quad \delta U(r) = B/r^3$$

## Сдвиг перигелия на возмущённой орбите в $U_0(r) = -\alpha/r$

$$U'(r) = - (1 - |E_{\text{св}}|/m_0 c^2) Gm_0 M(1/r + A/r^3), \text{ где } A = L^2/m^2 c^2.$$

$$U'(r) = -\alpha/r + \delta U(r), \quad \delta U(r) = B/r^3, \quad B = -\alpha A = -\alpha L^2/m_0^2 c^2$$

Возмущение  $\delta U(r) = B/r^3$  приводит к сдвигу перигелия

$$\Delta\varphi = -6\pi B/\alpha r^2. \quad (= 43'' \text{ за } 100 \text{ лет для Меркурия})$$

Параметр орбиты  $p$ :  $p/r = 1 + e \cos \varphi$ ,

$$e = (1 + 2EL^2/m\alpha^2)^{1/2}, \quad (E = mv^2/2 + U(r))$$

при  $e \ll 1$   $p - R \ll R$   $\Delta\varphi = 6\pi v^2/c^2$ ,  $v^2(R) = GM/R$

## Некоторые выводы

- \* Правильные формулы СТО получаются при сохранении времени  $t = t'$  и выполнении законов сохранения энергии и имп.  $E'$ ,  $P'$  в каждой системе  $K'$ .
- \* «Релятивистская инвариантность» описания – заблуждение, а не «принцип».
- \* СТО и ОТО – имитация квантовых эффектов, которые делают ненабл. противоречивые события

## Некоторые выводы

- \* Правильные формулы СТО получаются при сохр.  $t = t'$  и выполнении 3-нов сохранения  $E'$ ,  $P'$  в каждой сист.  $K'$ .
- \* «Рел. инвариантность» описания – заблуждение.
- \* СТО и ОТО – имитация квантовых свойств движения.
- \* Класс. теория описывает средние вел-ны кв. сост, должна формулироваться вместе с квантовой.
- \* Точной теории движения в пот-ле  $U(r)$  пока нет.
- \* Предл. опыт с кул. полем прояснит ситуацию